

Denna kontrollskrivning är till stor del samma som kontrollskrivningen 2016-10-24, men med svarsalternativen för varje fråga i annan ordning. För utförliga lösningar hänvisas därför till den kontrollskrivningen.

Några av frågorna är även ändrade på andra sätt, jämfört med kontrollskrivningen 2016-10-24, vilket får till följd att lösningen för dessa frågor också är ändrade. I de fallen finns ny/justerad lösning nedan.

Svar på frågorna till denna kontrollskrivning:

Fråga	$x(t) \Leftrightarrow C_n, D_n$			$x(t) \Leftrightarrow X(\omega)$			$x(t) \Leftrightarrow X(s)$			$x[n] \Leftrightarrow X[z]$			$x[n] \Leftrightarrow X[\Omega]$		
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
Svar	d	c	a	c	d	a	c	b	b	c	a	d	a	c	c

Frågor med ny/justerad lösning, jämfört med föregående kontrollskrivning:

③ a) $\tau = 0,5$

$$D_n = \frac{1}{T_0} \int_{T_0} x(t) e^{-jn\omega_0 t} dt = \dots \text{ samma som 2016-10-24}$$

$$\Rightarrow D_1 = 4 \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2} \tau\right) \stackrel{\text{Enl. uppgift}}{=} 2\sqrt{2}$$

$$\Rightarrow \sin\left(\frac{\pi}{2} \tau\right) = \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow \frac{\pi}{2} \tau = \frac{\pi}{4} (+k \cdot 2\pi) \leftarrow k=0 \text{ är enda rimliga lösningen} \Rightarrow \tau = 0,5$$

⑤ $\tilde{X}(\omega) = j\omega^5 X(\omega)$

$$x(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} X(\omega) e^{j\omega t} d\omega \quad (\text{dvs. } x(t) \Leftrightarrow X(\omega))$$

$$\Rightarrow \tilde{X}(t) = \frac{d^5 x(t)}{dt^5} = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} X(\omega) \frac{d^5}{dt^5} (e^{j\omega t}) d\omega$$

$$= \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} X(\omega) (j\omega)^5 e^{j\omega t} d\omega$$

$$= \tilde{X}(\omega) = (j^2)^2 \cdot j\omega^5 X(\omega) = \underline{j\omega^5 X(\omega)}$$

⑧ $\tilde{x}(t) = x(t) - x(t-7)$

Samma typ av lösning som 2016-10-24, men byt "7" mot "-7".
Det medför att $\mathcal{L}^{-1}\{X(s)e^{-7s}\} = \dots = x(t-7)$

⑩ $(-3)^n u[n] \Leftrightarrow \frac{z}{z+3}, |z| < 3$

Samma typ av lösning som 2016-10-24, men byt "2" mot "3".

⑮ $X[\Omega] = \frac{-1}{4e^{j\Omega} + 1}$

Samma typ av lösning som 2016-10-24, men summera från $n=1$ istället för $n=2$:
[Kvoten] < 1 $\Rightarrow \Sigma$ konvergerar.

$$X[\Omega] = \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{-1}{4e^{j\Omega}}\right)^n = \left(\frac{-1}{4e^{j\Omega}}\right)^1 \cdot \frac{1}{1 - \frac{-1}{4e^{j\Omega}}} = \frac{-1}{4e^{j\Omega} + 1}$$